

Exercice n°1

soient les trinômes du second degré  $A(x) = -2x^2 + 3x + 5$   
 $B(x) = 2x^2 + x + 1$

- 1) Résoudre les équations a)  $A(x) = 0$   
b)  $B(x) = 0$

2) Déduire si c'est possible une factorisation de chacune de ces trinômes :  $A(x), B(x)$

3) Dresser le tableau de variation de chacun de ces trinômes

4) En déduire les solutions des inéquations suivantes :  $A(x) > 0$  ,  $B(x) < 0$

a) Soit  $F(x) = \frac{A(x)}{B(x)}$  déterminer l'ensemble des réels  $x$  pour lesquels l'expression a un sens

6) Résoudre l'inéquation  $F(x) > 0$

Exercice n°2 :

Trouver les réels  $x$  et  $y$  tel que  $\begin{cases} x^2 + y^2 = 117 \\ xy = 54 \end{cases}$

Exercice n°3 :

I) On donne deux points A et B et

On considère l'application

$$h : P \longrightarrow P$$

$$M \longrightarrow M' : \text{tel que } \overline{MM'} = \overline{MA} - 3\overline{MB} \quad \overline{MM'} = \overline{MA} - 3\overline{MB}$$

a) Montrer que l'application  $h$  admet un seul point invariant  $O$  que l'on précisera

2) Démontrer que  $h$  est une homothétie que l'on caractérisera

II) on considère le triangle  $OEK$  ( $OE=6, OK=2$  et  $EK=5$ ) L'unité étant le cm

1) Construire le point  $L$  image de  $K$  par l'homothétie :  $h(O, 3)$

2) Construire le point  $F$  image de  $E$  par l'homothétie :  $h(O, \frac{1}{3})$

3) Montrer que  $(KF)$  est l'image de  $(LE)$  par une homothétie que l'on précisera en déduire que  $(KF)$  est parallèle à  $(LE)$

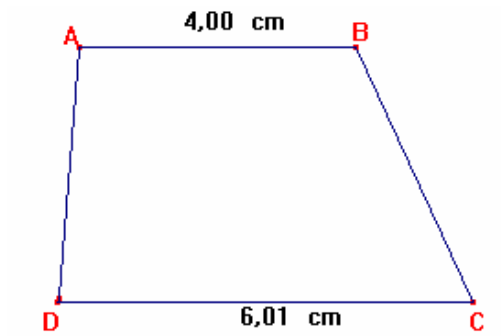
4) Déterminer puis construire  $\zeta'$  l'image du cercle  $\zeta(L, 3)$  par  $h(O, \frac{1}{3})$

5) Soit  $D$  une droite passant par  $O$  et tangente à  $\zeta$  en  $M$ ,  $D$  coupe  $\zeta'$  en  $N$

a) Montrer que  $h(O, 3)(N) = M$

b) En déduire que  $D$  est tangente à  $\zeta'$

II)



Soit  $h_1$  l'homothétie tel que  $h_1(A)=D$

Et  $h_1(B)=C$

Soit  $h_2$  l'homothétie tel que  $h_2(A)=C$

Et  $h_2(B)=D$

1) Construire le centre et déterminer le rapport de chacune de ces deux homothétie (Justifier)